

325

F

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:

بانک مقالات ایران

مرکز دانش و مقالات

علمی و پژوهشی و

سئوالات آزمونها

www.edub.ir

صبح جمعه
۱۳۹۵/۱۲/۶
دفترچه شماره (۱)



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»

امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی
دوره دکتری (نیمه‌متمرکز) داخل - سال ۱۳۹۶

رشته امتحانی مهندسی صنایع (کد ۲۳۵۰)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی (تحقیق در عملیات (۲و۱) - تئوری احتمالات و آمار مهندسی - طراحی سیستم‌های صنعتی)	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

اسفندماه - سال ۱۳۹۵

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش الکترونیکی و ... پس از برگزاری آزمون برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و یا متغلبین برابر مقررات رفتار می‌شود.

تحقیق در عملیات (۲و۱):

- ۱- جدول زیر، جدول بهینه یک مسئله برنامه‌ریزی خطی است که در آن مقدار تولید محصول x_1 نام بوده و محدودیت‌ها به شکل محدودیت منابع هستند. اگر به دلیل محدودیت‌های تولید، تولید محصول x_2 مقدور نباشد، کدام گزینه سیاست بهتری است؟

	x_1	x_2	x_3	s_1	s_2	s_3	
Z	۳	۰	۰	۰	۲	۴	۱۵
x_3	-۱	۱	۱	۰	-۱	-۳	۱۰
s_1	۳	۰	۰	۱	۲	۶	۷
x_2	۴	۱	۰	۰	۶	-۱	۱۲

- (۱) از محصول سوم بیشتر تولید شود و مقدار باقیمانده منبع دوم افزایش یابد.
 (۲) از محصول سوم بیشتر تولید شود و مقدار باقیمانده منبع اول افزایش یابد.
 (۳) تولید محصول اول جایگزین تولید محصول دوم شود و مقدار باقیمانده منبع اول کاهش یابد.
 (۴) تولید محصول اول جایگزین تولید محصول دوم شود و مقدار باقیمانده منبع دوم کاهش یابد.
 ۲- در مورد مسئله برنامه‌ریزی خطی زیر، گزینه درست کدام است؟

$$\text{Max } Z = -2x_1 + 3x_2 + 5x_3$$

$$x_1 - x_2 + x_3 \leq 15$$

$$x_i \geq 0 \quad i = 1, 2, 3$$

- (۱) دوگان مسئله بی‌کران است.
 (۲) دوگان مسئله جواب شذنی ندارد.
 (۳) دوگان مسئله جواب بهینه دارد.
 (۴) دوگان مسئله مقدار بهینه‌ای معادل ۴۵ دارد.

۳- حاصل عبارت $\lim_{n \rightarrow \infty} P^n$ وقتی $P = \begin{bmatrix} \frac{1}{3} & \frac{2}{3} & 0 \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{4} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix}$ کدام است؟

(۱) $\begin{bmatrix} 0/3 & 0/4 & 0/3 \\ 0/3 & 0/4 & 0/3 \\ 0/3 & 0/4 & 0/3 \end{bmatrix}$

(۲) $\begin{bmatrix} 0/28 & 0/39 & 0/33 \\ 0/31 & 0/39 & 0/29 \\ 0/30 & 0/41 & 0/27 \end{bmatrix}$

(۴) $\begin{bmatrix} 0/25 & 0/35 & 0/4 \\ 0/25 & 0/35 & 0/4 \\ 0/25 & 0/35 & 0/4 \end{bmatrix}$

(۳) $\begin{bmatrix} 0/33 & 0/33 & 0/33 \\ 0/25 & 0/25 & 0/25 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

۴- در مورد مدل برنامه ریزی ریاضی زیر، گزینه صحیح کدام است؟

$$\begin{aligned} \min \quad & x_1^{-1/5} x_2^{3/7} + x_1 x_2^{1/4} + x_2^{-1/3} x_3^{5/6} + x_1 x_2 x_3 x_4 \\ \text{s.t.} \quad & x_1^{-2} x_2^5 x_3 x_4^2 \leq 4 \\ & x_i > 0 \quad i = 1, \dots, 4 \end{aligned}$$

(۱) این مدل قابل تبدیل به یک مدل برنامه ریزی محدب است.

(۲) این مدل فاقد جواب بوده لکن مقدار *infimum* (بزرگترین کران پایین) تابع هدف برابر صفر است.

(۳) این مدل یک برنامه ریزی محدب است.

(۴) فضای جواب این مدل کران دار است.

۵- فرض کنید x^* یک حل قابل قبول برای یک مسئله برنامه ریزی خطی به صورت زیر بوده است:

$$\begin{aligned} \min \quad & c^T x \\ \text{s.t.} \quad & \\ & Ax = b \\ & x \geq 0 \end{aligned}$$

و π^* یک حل قابل قبول برای مزدوج (دوگان) مسئله فوق باشد. فرض کنید رابطه زیر برقرار است:

$$c^* = c - A^T \pi^* \geq 0$$

آنگاه شرط لازم و کافی برای بهینه شدن هر دو جواب x^*, π^* برای مسئله اولیه و مزدوج کدام است؟

$$(1) \quad x_j^* > 0 \text{ برای } c_j^* = 0$$

$$(2) \quad x_j^* > 0 \text{ برای } c_j^* \neq 0$$

$$(3) \quad x_j^* = 0 \text{ برای } c_j^* \neq 0$$

$$(4) \quad x_j^* = 0 \text{ برای } c_j^* = 0$$

۶- مجموعه M را به صورت زیر در نظر بگیرید:

$$M = \left\{ (b, z) \mid Ax = b, x \geq 0, c^T x = z, \text{ ها } x \right\}$$

کدام گزینه در مورد M همواره صادق است؟

(۱) M یک مجموعه بی کران است.

(۲) M یک فضای خطی است.

(۳) M یک مجموعه غیر محدب است.

(۴) M یک مجموعه محدب است.

۷- مجموعه زیر را در نظر بگیرید:

$$F = \{ y \mid A^T y < c \}$$

فرض کنید مدل برنامه ریزی خطی زیر را داشته باشیم:

$$\begin{aligned} \min \quad & c^T x \\ \text{s.t.} \quad & Ax = 0, \quad x \geq 0 \end{aligned}$$

در این صورت شرط لازم و کافی برای آنکه F غیر تهی باشد، آن است که مدل برنامه ریزی خطی دارای مقدار بهینه:

(۱) مثبت باشد.

(۲) غیر صفر باشد.

(۳) نامنفی باشد.

(۴) منفی باشد.

۸- فرض کنید a'_i, a''_i, b'_j, b''_j اعداد مثبت دارای شروط $b'_j \leq b''_j, a'_i \leq a''_i$ برای $(i = 1, \dots, m), (j = 1, \dots, n)$ باشند. مدل برنامه‌ریزی حمل و نقل زیر را در نظر بگیرید:

$$\min \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n c_{ij} \cdot x_{ij}$$

st :

$$a'_i \leq \sum_{j=1}^n x_{ij} \leq a''_i \quad (i = 1, \dots, m)$$

$$b'_j \leq \sum_{i=1}^m x_{ij} \leq b''_j \quad (j = 1, \dots, n)$$

$$x_{ij} \geq 0 \quad (i = 1, \dots, m, j = 1, \dots, n)$$

مدل فوق حل قابل قبول دارد اگر و فقط اگر داشته باشیم:

$$\sum_{i=1}^m a'_i \geq \sum_{j=1}^n b'_j, \quad \sum_{i=1}^m a'_i \leq \sum_{j=1}^n b''_j \quad (1) \quad \sum_{i=1}^m a''_i \geq \sum_{j=1}^n a'_i, \quad \sum_{j=1}^n b''_j \geq \sum_{j=1}^n b'_j$$

$$\sum_{i=1}^m a''_i + \sum_{j=1}^n b'_j \geq \sum_{i=1}^m a'_i + \sum_{j=1}^n b''_j \quad (2) \quad \sum_{i=1}^m a''_i \leq \sum_{j=1}^n b'_j, \quad \sum_{i=1}^m a'_i \geq \sum_{j=1}^n b''_j \quad (3)$$

۹- مجموعه زیر را در نظر بگیرید:

$$\{x \mid Ax \geq b\} \neq \emptyset$$

شرط لازم و کافی برای بی‌کران بودن مجموعه فوق، وجود یک $x \neq 0$ است به نحوی که:

$$(1) \quad Ax \leq 0 \quad \text{باشد.} \quad (2) \quad Ax \geq 0 \quad \text{باشد.}$$

$$(3) \quad Ax \neq 0 \quad \text{باشد.} \quad (4) \quad Ax = 0 \quad \text{باشد.}$$

۱۰- قاعده Bland برای ورود و خروج متغیر در هر مرحله از روش سیمپلکس به صورت زیر می‌باشد:

در هر مرحله از سیمپلکس، متغیر ورودی به پایه متغیر غیراساسی است که مجاز به ورود به پایه بوده و دارای کوچکترین اندیس باشد.

در هر مرحله از سیمپلکس، متغیر خارج شونده از پایه متغیر اساسی مجاز به خروج از پایه بوده و دارای کوچکترین اندیس باشد.

در صورت استفاده از قاعده Bland، کدام گزینه می‌تواند توجیه کننده استفاده از این قاعده باشد؟

(۱) مسئله حتماً جواب قابل قبول خواهد داشت. (۲) تعداد مراحل سیمپلکس کمتر خواهد بود.

(۳) امکان وقوع حلقه تکرار در سیمپلکس وجود ندارد. (۴) امکان وقوع انحطاط‌های پیاپی وجود ندارد.

۱۱- سیستم اولیه $Ax \geq b, x \geq 0$ را به همراه سیستم ثانویه $A^T y \leq 0, y \geq 0$ در نظر بگیرید و فرض کنید بردار b مثبت باشد؛ یعنی $b > 0$. در کدام گزینه دقیقاً یکی از دو گزاره مطرح شده همواره برقرار است؟

(۱) یا سیستم اولیه دارای جواب است و یا سیستم ثانویه فقط دارای جواب بدیهی ($y = 0$) است.

(۲) یا سیستم اولیه دارای جواب است و یا سیستم ثانویه دارای جواب مثبت ($y > 0$) است.

(۳) یا سیستم اولیه فاقد جواب است و یا سیستم ثانویه دارای جواب نابديهی ($y \neq 0$) است.

(۴) یا سیستم اولیه فاقد جواب است و یا سیستم ثانویه فقط دارای جواب بدیهی ($y = 0$) است.

۱۲- حداکثر مقدار تابع هدف در مسئله زیر کدام است؟

$$\text{تابع هدف: } Z = -2x_1 + x_2$$

$$|x_1 - x_2| \leq 1$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

$$(1) -4$$

$$(2) \text{ صفر}$$

$$(3) 1$$

$$(4) \text{ بی‌نهایت}$$

۱۳- مسئله فروشنده دوره‌گرد با n شهر در یک گراف جهت‌دار کامل را در نظر بگیرید. این مسئله را می‌توان به شکل اولیه زیر مدل نمود:

$$\min \sum_{i \neq j} c_{ij} x_{ij}$$

$$\sum_{j=1}^n x_{ij} = 1 \quad i = 1, \dots, n$$

$$\sum_{i=1}^n x_{ij} = 1 \quad j = 1, \dots, n$$

$$x_{ij} \in \{0, 1\} \quad i, j = 1, \dots, n \quad i \neq j$$

که در آن متغیر x_{ij} مقدار یک می‌گیرد، اگر یال i به j انتخاب شود و در غیر این صورت مقدار صفر می‌گیرد. برای تکمیل این مدل باید محدودیت‌هایی به منظور حذف زیر دورها در جواب نهایی در نظر گرفت. کدام گزینه ارائه‌دهنده این دسته از محدودیت‌ها می‌باشد (n ها متغیرهای کمکی هستند)؟

$$\begin{aligned} u_i - u_j + (n-1)x_{ij} &\leq n & i, j = 1, \dots, n \\ u_i &\in \{0, 1\} & i \neq j \end{aligned} \quad (1)$$

$$\begin{aligned} u_i - u_j + nx_{ij} &\leq n-1 & i, j = 1, \dots, n \\ u_i &\in \{0, 1\} & i \neq j \end{aligned} \quad (2)$$

$$\begin{aligned} u_i - u_j + (n-1)x_{ij} &\leq n & i, j = 1, \dots, n \\ u_i &\geq 0 & i \neq j \end{aligned} \quad (3)$$

$$\begin{aligned} u_i - u_j + (n-1)x_{ij} &\leq n-2 & i, j = 1, \dots, n \\ u_i &\geq 0 & i \neq j \end{aligned} \quad (4)$$

۱۴- کدام گزینه، معادل صورت خطی مدل برنامه ریزی ریاضی P است؟

$$P: \text{Max } Z = \min \{ 2x_1 - 3x_2, -2x_1 + 2x_2 \}$$

s.t.

$$2x_1 + 3x_2 \leq 10$$

$$x_1 \geq 0, x_2 \geq 0.$$

$$\text{Max } Z = U$$

s.t.

$$2x_1 - 3x_2 \geq U - M(1-t)$$

$$-2x_1 + 2x_2 \geq U - Mt$$

(۱)

$$2x_1 - 3x_2 \geq U$$

$$2x_1 + 3x_2 \leq 10$$

M یک عدد ثابت مثبت به اندازه کافی بزرگ است و $\{0, 1\} \in t, x_1, x_2 \geq 0$ ، آزاد در علامت U

$$\text{Max } Z = \min U$$

s.t.

$$-U \leq -2x_1 + 2x_2 \leq U$$

$$2x_1 - 3x_2 \leq U$$

$$2x_1 + 3x_2 \leq 10$$

$$U, x_1, x_2 \geq 0$$

(۲)

$$\text{Max } Z = U$$

s.t.

$$-2x_1 + 2x_2 \leq -U - Mt$$

$$-2x_1 + 2x_2 \geq U + M(1-t)$$

$$-2x_1 + 3x_2 \leq -U$$

$$2x_1 + 3x_2 \leq 10$$

M یک عدد ثابت مثبت به اندازه کافی بزرگ است و $\{0, 1\} \in t, x_1, x_2 \geq 0$ ، آزاد در علامت U

(۳)

$$\text{Max } Z = U$$

s.t.

$$U \leq -2x_1 + 2x_2$$

$$U \leq 2x_1 - 2x_2$$

$$2x_1 - 3x_2 \geq U$$

$$2x_1 + 3x_2 \leq 10$$

$$U, x_1, x_2 \geq 0$$

(۴)

۱۵- در تابع غیر خطی $f(x_1, x_2) = x_1 x_2^2$ کدام یک از موارد زیر صحیح است؟

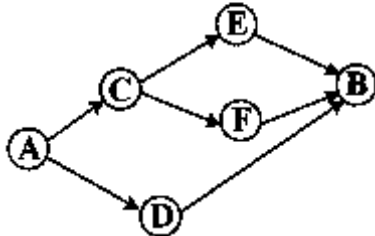
- (۱) نقطه $\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ فاقد ویژگی مشخصی است.
- (۲) نقطه $\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ نقطه مینیمم سراسری تابع f است.
- (۳) نقطه $\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ نقطه زین‌اسبی است.
- (۴) نقطه $\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ نقطه مینیمم محلی تابع f است.

تئوری احتمالات و آمار مهندسی:

۱۶- در آزمایش پرتاب سکه، احتمال نتیجه شیر برابر با p است. سکه ۵ مرتبه پرتاب و ۳ مرتبه نتیجه شیر حاصل شده است. احتمال اینکه در ۳ پرتاب اول، دو نتیجه شیر باشد، کدام است؟

- (۱) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{2}{5}$ (۳) $\frac{3}{5}$ (۴) $\frac{7}{10}$

۱۷- در شبکه زیر هر مسیر بین گره‌ها با احتمال $\frac{1}{4}$ سالم است. با چه احتمالی می‌توان از گره A به گره B، مسیر سالمی داشت؟



- (۱) $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{51}{128}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) $\frac{53}{128}$

۱۸- دو چهار وجهی سالم را، که روی وجوه آن‌ها خال‌های ۱ تا ۴ نوشته شده است، یک‌بار پرتاب می‌کنیم. اگر X نمایانگر مجموع دو خال مشاهده شده باشد، تابع احتمال X کدام است؟

- (۱) $f(x) = \frac{5 - |x - 4|}{16}, x = 2, 3, \dots, 8$ (۲) $f(x) = \frac{5 - |6 - x|}{16}, x = 2, 3, \dots, 8$
- (۳) $f(x) = \frac{6 - |x - 5|}{16}, x = 2, 3, \dots, 8$ (۴) $f(x) = \frac{4 - |5 - x|}{16}, x = 2, 3, \dots, 8$

۱۹- اگر X دارای تابع توزیع زیر باشد، مقدار $P(1 \leq X \leq 2)$ ، کدام است؟

- (۱) $\frac{3}{8}$ (۲) $\frac{1}{8}$ (۳) $\frac{19}{24}$ (۴) $\frac{13}{24}$
- $$F(x) = \begin{cases} 0 & x < 0 \\ \frac{x}{8} & 0 \leq x < 1 \\ \frac{2+x}{8} & 1 \leq x < 2 \\ \frac{9+x}{12} & 2 \leq x < 3 \\ 1 & x \geq 3 \end{cases}$$

۲۰- فرض کنید متغیر تصادفی (X, Y) دارای توزیعی با تابع احتمال توأم زیر باشد، توزیع کناری X کدام است؟

$$f(x, y) = \frac{5}{9} \left(\frac{1}{3}\right)^x \left(\frac{1}{3}\right)^y, \quad 0 \leq x \leq y, \quad x, y = 0, 1, 2, \dots$$

$$\text{Ge}\left(\frac{5}{9}\right) \quad (۴) \quad \text{Ge}\left(\frac{1}{3}\right) \quad (۳) \quad \text{Ge}\left(\frac{5}{9}\right) \quad (۲) \quad \text{Ge}\left(\frac{4}{9}\right) \quad (۱)$$

۲۱- فرض کنید n توپ نامتمایز را درون n جعبه متمایز به تصادف توزیع کنیم. احتمال این که فقط یک جعبه خالی بماند، کدام است؟

$$\frac{(n!)^n (n-1)}{(n-1)!} \quad (۴) \quad \frac{(n!)^n (n-1)!}{(n!)!} \quad (۳) \quad \frac{n[(n-1)!]^n}{(n-1)!} \quad (۲) \quad \frac{n!(n-1)!}{(n!)!} \quad (۱)$$

۲۲- فرض کنید $X \sim P(\lambda)$ و $Y | X = x \sim B(x, p)$. توزیع $Y + X | Y = y$ ، کدام است؟

$$P(\lambda p) \quad (۴) \quad P\left(\frac{\lambda}{p}\right) \quad (۳) \quad P\left(\frac{\lambda}{1-p}\right) \quad (۲) \quad P(\lambda(1-p)) \quad (۱)$$

۲۳- فرد A و B در زمان مشخصی وقت ملاقات دارند؛ ولی فرد A با تأخیر حداکثر یک ساعت و نیم و فرد B با تأخیر حداکثر دو ساعت به محل ملاقات می‌رسند. فرد A ، نیم ساعت در محل ملاقات منتظر خواهد ماند و فرد B ، $\frac{3}{4}$ ساعت در محل ملاقات منتظر خواهد ماند. احتمال این که دو نفر همدیگر را ملاقات کنند، کدام است؟

$$\frac{17}{48} \quad (۴) \quad \frac{53}{96} \quad (۳) \quad \frac{7}{48} \quad (۲) \quad \frac{55}{96} \quad (۱)$$

۲۴- فرض کنید $0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.7$ یافته‌های یک نمونه تصادفی از توزیع $U(\theta, 1)$ باشد. برآورد ماکزیمم درست‌نمایی میانه توزیع جامعه، کدام است؟

$$0.7 \quad (۴) \quad 0.6 \quad (۳) \quad 0.425 \quad (۲) \quad 0.2 \quad (۱)$$

۲۵- متغیر تصادفی X از توزیع پواسن با پارامتر λ پیروی می‌کند؛ به طوری که مقدار صفر ($x=0$) برای آن قابل مشاهده نمی‌باشد. اگر $X_1, X_2, \dots, X_n$ ، مشاهده تصادفی مستقل از متغیر تصادفی X باشد. $\bar{X}$ برآوردگر نارایب کدام پارامتر است؟

$$\frac{\lambda e^{-\lambda}}{1-e^{-\lambda}} \quad (۴) \quad \frac{1}{1-e^{-\lambda}} \quad (۳) \quad \frac{\lambda}{1-e^{-\lambda}} \quad (۲) \quad \lambda \quad (۱)$$

۲۶- فرض کنید $0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9$ یافته‌های یک نمونه تصادفی از توزیع $B(1, p)$ باشد. اگر برای آزمون

$H_0: p = \frac{1}{3}$ در مقابل $H_1: p = \frac{1}{2}$ ، ناحیه بحرانی به فرم $\sum_{i=1}^n X_i < k$ باشد، p -مقدار (p-value) آزمون کدام است؟

$$\frac{11}{1024} \quad (۴) \quad \frac{56}{59049} \quad (۳) \quad \frac{56}{1024} \quad (۲) \quad \frac{11}{59049} \quad (۱)$$

۲۷- جهت بررسی اثر یک دارو؛ که به منظور پائین نگاه داشتن فشارخون به بازار عرضه شده است، روی ۳۶ نفر مورد آزمایش قرار می‌گیرد. فشار خون این افراد قبل از مصرف دارو (x) و پس از مصرف دارو به مدت ۳ ماه (y) اندازه گرفته می‌شود. خلاصه اطلاعات زیر حاصل شده است؟

$$\bar{x} = 15, \bar{y} = 12, S_x^2 = \frac{1}{n-1} \sum (x_i - \bar{x})^2 = 25, S_y^2 = \frac{1}{n-1} \sum (y_i - \bar{y})^2 = 16$$

$$S_{xy} = \frac{1}{n-1} \sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) = 8$$

اگر میانگین بعد - میانگین قبل $= \mu_d$ ، برای آزمون $H_0: \mu_d = 0$ در مقابل $H_1: \mu_d > 0$ ، مقدار آماره آزمون کدام است؟

$$0.8\sqrt{33} \quad (۴) \quad 0.6\sqrt{33} \quad (۳) \quad \frac{18}{7} \quad (۲) \quad \frac{18}{5} \quad (۱)$$

۲۸- برای مقایسه میانگین محصول ۴ ماشین صنعتی، خلاصه اطلاعات زیر حاصل شده است. با فرض نرمال بودن و همگن بودن واریانس‌ها، مقدار آماره آزمون برای مقایسه میانگین‌ها، کدام است؟

	۱	۲	۳	۴
اندازه نمونه	۷	۸	۷	۸
میانگین نمونه‌ای	۱۵	۱۶	۱۶	۱۵
واریانس نمونه‌ای	۱	۲	۲	۱

- (۱) $\frac{15}{4}$ (۲) $\frac{5}{3}$ (۳) ۲ (۴) ۱۳

۲۹- فرض کنید در یک مدل رگرسیونی خطی ساده، معادله برازش شده $\hat{y} = -A + 4x$ ، $(\bar{x}, \bar{y}) = (3, 4)$ و $r = \sqrt{\frac{4}{5}}$ است. اگر $\hat{x} = \hat{\alpha}^* + \hat{\beta}^* y$ باشد، مقدار $\hat{x}$ به ازای $y = -1$ ، کدام است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) $\frac{11}{5}$ (۴) $\frac{12}{5}$

۳۰- اگر مدل $E(y_i) = \theta(x_i + x_i^T)$ را داشته باشیم، برآورد حداقل مربعات θ براساس مشاهدات زیر کدام است؟
 $x: 1 \ 2 \ 3$
 $y: 4 \ 8 \ 14$

- (۱) $\frac{56}{5}$ (۲) $\frac{9}{2}$ (۳) $\frac{28}{23}$ (۴) $\frac{13}{92}$

طراحی سیستم‌های صنعتی:

۳۱- به منظور مکان‌یابی یک واحد آتش‌نشانی برای خدمات رسانی به چند منطقه جمعیتی، تابع هدف به چه صورت می‌باشد؟

- (۱) MaxiSum (۲) MaxiMin (۳) MiniMax (۴) MiniSum

۳۲- برای حل مسئله تخصیص درجه ۲ (QAP) زیر به کمک روش Hillier، اولین جابه‌جایی آزمایش به منظور بهبود طرح، چقدر کاهش یا افزایش هزینه خواهد داشت؟

	۱	۲	۳	۴	۵
۱	1	3	6	2	4
۲	2	4	7	6	5
۳	3	5	8	2	4
۴	4	6	7	8	4
۵	5	5	6	4	8

- (۱) ۱ واحد افزایش
 (۲) ۳ واحد کاهش
 (۳) ۴ واحد افزایش
 (۴) ۶ واحد کاهش

۳۳- ۵ نقطه تقاضا در مکان‌های زیر استقرار دارند.

$$P_1 = (6, 2), P_2 = (4, 4), P_3 = (4, 8), P_4 = (2, 5), P_5 = (4, 1)$$

قرار است یک واحد خدماتی در یکی از مکان‌های نامزد شده زیر استقرار یابد.

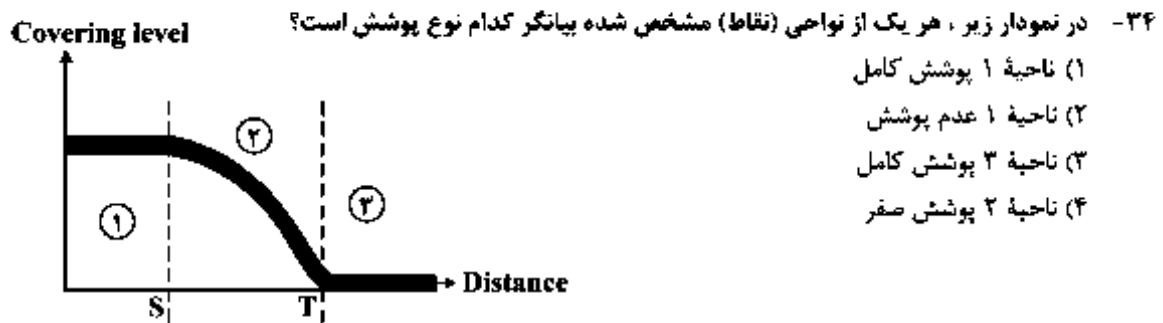
$$D = (5, 4), C = (7, 7), B = (4, 2), A = (1, 2)$$

به فرض آنکه وزن واحد خدماتی با هر یک از نقاط تقاضا به ترتیب

$$w_1 = 2, w_2 = 1, w_3 = 1, w_4 = 2, w_5 = 4$$

باشد و به فرض آنکه به صورت مجذور فاصله مستقیم در نظر گرفته شود، کدام نقطه بهتر است انتخاب شود؟

- (۱) B (۲) A (۳) C (۴) D



۳۵- یک شرکت تولیدی در نظر دارد محل ماشین جدیدی که با سه ماشین فعلی رابطه یکسان و برابر با ۲ واحد را دارد، تعیین کند. مختصات ماشین‌های فعلی $(1,0)$ و $(2,0)$ و $(3,2)$ و مدل به صورت مجذور فاصله مستقیم در نظر گرفته می‌شود. چنانچه مکان بهینه غیرقابل دسترس باشد و بخواهیم به مختصات طول و عرض نقطه بهینه ۱ واحد اضافه کنیم هزینه مکان جدید نسبت به هزینه نقطه بهینه، چه مقدار تغییر می‌کند؟

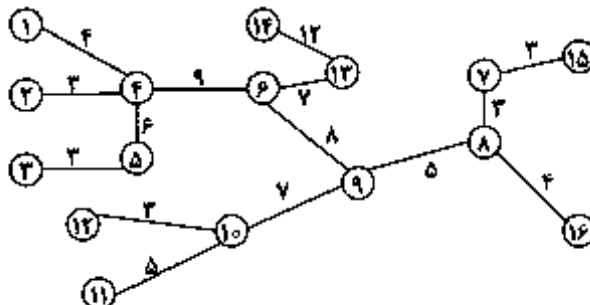
- ۱) ۴ واحد کاهش ۲) ۱۰ واحد افزایش ۳) ۸ واحد کاهش ۴) ۱۲ واحد افزایش
- ۳۶- در شهری با خیابان‌های عمود بر هم، ۵ نقطه تقاضا در مکان‌های زیر استقرار دارند.

$$P_1 = (2,4), P_2 = (0,6), P_3 = (8,2), P_4 = (4,8), P_5 = (6,1)$$

قرار است دو واحد غیر مشابه که با هم ارتباطی ندارند (M_1, M_2) به این ۵ نقطه خدمت‌رسانی نماید. میزان ارتباط این دو واحد با ۵ نقطه تقاضا به صورت جدول زیر است. مکان مناسب برای استقرار این دو واحد (به ترتیب M_1 و M_2)، کدام است؟ فرض کنید در استقرار این دو واحد لازم است حداقل ۲ واحد از هم فاصله داشته باشد.

	M_1	M_2	
P_1	۶	۴	۱) $(2,3)$ و $(4,5)$
P_2	۳	۶	۲) $(2,4)$ و $(4,3)$
P_3	۲	۵	۳) $(4,2)$ و $(2,4)$
P_4	۵	۳	۴) $(2,4)$ و $(4,4)$
P_5	۴	۱	

۳۷- شانزده نقطه تقاضا بر روی شبکه درختی زیر قرار دارد. به فرض آنکه اهمیت همه نقاط تقاضا یکسان باشد، مکان بهینه برای استقرار دو تجهیز برای خدمات‌رسانی به ۱۶ نقطه تقاضا، کدام است؟ اعداد بر روی یال‌ها فاصله بین گره‌ها را نشان می‌دهد.



- ۱) نقطه‌ای روی یال ۴-۶ به فاصله ۵/۴ از گره ۶ و نقطه‌ای روی یال ۹-۱۰ به فاصله ۵/۴ از گره ۹
۲) نقطه‌ای روی یال ۶-۹ به فاصله ۲ از گره ۹ و نقطه‌ای روی یال ۴-۶ به فاصله ۳ از گره ۴
۳) نقطه‌ای روی یال ۸-۹ به فاصله ۵/۴ از گره ۹ و نقطه‌ای روی یال ۴-۵ به فاصله ۲ از گره ۴
۴) نقطه‌ای روی یال ۴-۵ به فاصله ۲ از گره ۴ و نقطه‌ای روی یال ۹-۱۰ به فاصله ۳ از گره ۹

۳۸- برای حل مسئله تخصیص درجه ۲ (QAP) به کمک روش VNZ، کدام بخش با توجه به طرح اولیه زیر و جدول

۱	۴	۳
	۲	۵

	۱	۲	۳	۴	۵
۱	/	۶	۸	۲	۱
۲		/	۳	۴	۶
۳			/	۹	۷
۴				/	۶
۵					/

جریان اولین بخش نامزد برای جابه‌جایی است؟

۲ (۱)

۳ (۲)

۴ (۳)

۵ (۴)

۳۹- قرار است یک تجهیز برای خدمات رسانی به ۴ نقطه با مشخصات مکان زیر استقرار یابد

$$P_1 = (0, 2), P_2 = (3, 0), P_3 = (6, 4), P_4 = (5, 5)$$

اگر میزان ارتباط این تجهیز با چهار نقطه به ترتیب w_1, w_2, w_3 و w_4 باشد، در چه صورتی مکان بهینه

استقرار، مربعی با طول ضلع ۲ خواهد بود؟ فرض کنید فاصله به صورت متعامد (پله‌ای) در نظر گرفته می‌شود؟

$$w_1 + w_2 + w_3 = w_4 \quad (1) \quad w_1 + w_2 = w_3 + w_4 \quad (2)$$

$$w_1 + w_2 + w_3 = w_4 \quad (3) \quad w_1 + w_2 = w_3 + w_4 \quad (4)$$

۴۰- قرار است دو تجهیز مشابه در دو مکان از چهار مکان نامزد شده استقرار یابد. این دو تجهیز قرار است به چهار

دفتر A، B، C و D خدمات رسانی نمایند. اگر فاصله هر دفتر تا هر یک از مکان‌های نامزد شده و تعداد دفعات

رفت و آمد روزانه هر دفتر به تجهیز به صورت جدول زیر باشد و این دو تجهیز به مکان‌های بهینه که میزان رفت و

آمد روزانه را حداقل می‌کند، اختصاص یابند، دفتر C به کدام تجهیز مستقر شده اختصاص خواهد یافت.

تعداد دفعات رفت و آمد در روز	فاصله هر دفتر تا مکان‌های نامزد شده			
	۱	۲	۳	۴
A	۸	۷	۲	۶
B	۷	۵	۸	۵
C	۶	۴	۹	۷
D	۵	۳	۶	۵

۴ (۱)

۳ (۲)

۲ (۳)

۱ (۴)

۴۱- اگر تعداد تسهیلات یا دپارتمان‌های یک واحد تولیدی برابر با ۱۲ باشد، آنگاه حداکثر تعداد صفحات (Face) یک

گراف مسطح جهت استقرار تسهیلات کدام است؟

$$18 \quad (1) \quad 20 \quad (2) \quad 22 \quad (3) \quad 24 \quad (4)$$

۴۲- اگر تعداد پال‌های یک گراف مسطح برابر ۱۶ و تعداد گره‌های آن برابر ۸ باشد، تعداد وجه‌های (صفحات) آن برابر

کدام است؟

$$8 \quad (1) \quad 10 \quad (2) \quad 13 \quad (3) \quad 14 \quad (4)$$

۴۳- اگر تعداد ماشین‌ها در یک واحد تولیدی برابر ۲۰ باشد، آنگاه تفاوت تعداد جابه‌جایی‌های مختلف با استفاده از

روش‌های ۲-Opt و ۳-Opt کدام است؟

$$800 \quad (1) \quad 950 \quad (2) \quad 1150 \quad (3) \quad 1200 \quad (4)$$

۴۴- جدول اطلاعات مربوط به تواتر جریان مواد (عناصر بالای قطر) و مسافت طی شده (عناصر پایین قطر) بین تسهیلات مطابق جدول زیر است. اختلاف بین حد پایین و بدترین حد بالای جوابها چقدر است؟

	۱	۲	۳	۴	۵	۶
۱		۱۰	۵	۶	۱۲	۲
۲	۳		۳	۸	۱	۴
۳	۳	۱		۲	۱۰	۲
۴	۴	۲	۵		۱	۴
۵	۵	۴	۹	۱		۲
۶	۶	۵	۲	۴	۱	

(۱) ۱۵۶

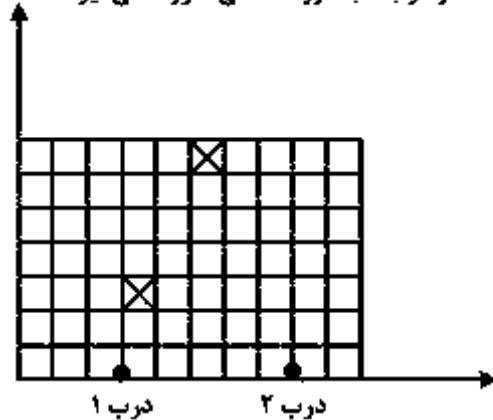
(۲) ۱۹۳

(۳) ۲۰۲

(۴) ۳۰۲

۴۵- انباری به شکل زیر دارای دو درب با مختصات مکانی $(۰,۲)$ و $(۰,۸)$ می باشد. قرار است در این انبار به میزان ۲۰ پالت کالای نوع A، ۱۰۰ پالت کالای نوع B، ۱۵ پالت کالای نوع C و ۲۵ پالت کالای نوع D نگهداری شود. اگر از هر دو درب برای ورود و خروج کالا استفاده گردد و نرخ ورود و خروج کالاها برای هر چهار نوع کالا یکسان باشد، آنگاه دو بلوک مشخص شده در شکل زیر مربوط به استقرار کدام کالاها می باشد؟

فرض کنید: هر بلوک محل استقرار یک پالت است. و تخصیص کالا از دربها به طور تصادفی صورت می گیرد.



(۱) A, B

(۲) A, D

(۳) B, C

(۴) C, D