

273

F

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:

بانک مقالات ایران

مرکز دانش و مقالات

علمی و پژوهشی و

سئوالات آزمونها

www.edub.ir

صبح جمعه

۱۳۹۵/۱۲/۶

دفترچه شماره (۱)



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.»

امام خمینی (ره)

آزمون ورودی

دوره دکتری (نیمه متمرکز) داخل - سال ۱۳۹۶

رشته امتحانی علوم و فناوری نانو - نانوفیزیک (کد ۲۲۳۷)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی (فیزیک پایه ۱ و ۲ و ۳) شامل کل کتاب فیزیک هالیدی آخرین ویرایش - مکانیک کوانتومی پیشرفته - الکتروپدنامیک - مکانیک آماری پیشرفته ۱ - مبانی نانو تکنولوژی	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

استفاده - سال ۱۳۹۵

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می باشد و با متخلفین برابر نظرات رفتار می شود.

فیزیک پایه ۱ و ۲ و ۳:

- ۱- بردار سرعت حرکت سه بعدی یک ذره در زمان
- t
- به صورت تابع برداری زیر می‌باشد:

$$\vec{V}(t) = 2t\hat{e}_x - t\hat{e}_y + (t^2 + 1)\hat{e}_z$$

زاویه بین دو امتداد سرعت و شتاب این ذره در لحظه $t = 1$ s کدام است؟

$$\frac{\pi}{2} \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{6} \quad (3)$$

$$0 \quad (4)$$

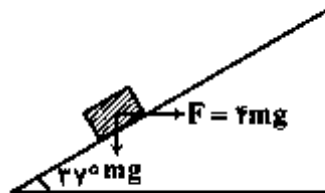
- ۲- طبق شکل روی سطح شیب‌داری با زاویه
- 37°
- نسبت به افق یک مکعب به وزن
- mg
- قرار دارد. ضریب اصطکاک جنبشی
- $\mu = 0$
- می‌باشد. به این مکعب نیروی افقی
- $F = 2mg$
- وارد می‌شود. با توجه به اطلاعات داده شده شتاب حرکت این قطعه مکعب چقدر است؟
- $\sin 37^\circ = 0.6$

$$\frac{g}{4} \quad (1)$$

$$\frac{g}{2} \quad (2)$$

$$g \quad (3)$$

$$2g \quad (4)$$



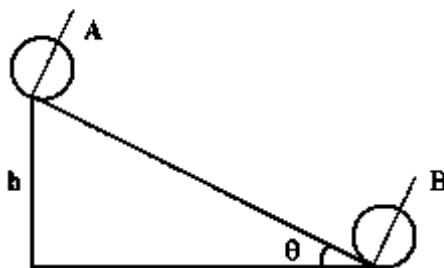
- ۳- کره‌ای به جرم
- m
- ، شعاع
- r
- و لختی دورانی
- $\frac{1}{2}mr^2\omega$
- (حول هر قطر دلخواه آن) از وضعیت A روی سطح شیب‌داری به شیب
- θ
- از حالت سکون رها می‌شود و با غلتش کامل پایین می‌آید. زمان رسیدن به وضعیت B کدام گزینه است؟

$$\frac{1}{\sin\theta} \sqrt{\frac{vh}{2g}} \quad (1)$$

$$\frac{1}{\sin\theta} \sqrt{\frac{rh}{g}} \quad (2)$$

$$\frac{1}{\sin\theta} \sqrt{\frac{\Delta h}{2g}} \quad (3)$$

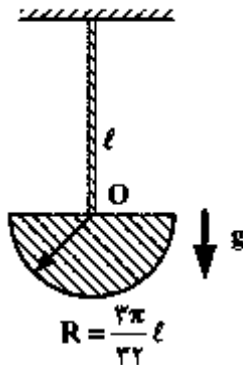
$$\frac{1}{\sin\theta} \sqrt{\frac{rh}{g}} \quad (4)$$



۴- آونگ ساعت دکوراسیون طبق شکل از یک میله مستقیم بسیار سبک به طول ℓ و یک صفحه نیم‌دایره به شعاع

$$\frac{2\pi}{32}\ell \quad (\text{با توزیع یکنواخت}) \text{ تشکیل شده است. دوره تناوب نوسانات کم دامنه این آونگ برابر } T = 2\pi\alpha\sqrt{\frac{\ell}{g}}$$

می‌باشد. عدد α کدام است؟



(۱) $\frac{1}{11}$

(۲) $\frac{1}{51}$

(۳) $\frac{1}{16}$

(۴) $\frac{1}{56}$

۵- دو ذره به جرم‌های m و M که ابتدا در حال سکون‌اند، به فاصله بی‌نهایت دور از هم قرار دارند. در اثر جاذبه گرانشی به سمت یکدیگر به حرکت در می‌آیند. در لحظه‌ای که فاصله آن‌ها از هم d است، سرعت نسبی آن‌ها برابر با کدام گزینه می‌باشد؟

(۱) $\sqrt{\frac{rG(M+m)}{d}}$

(۲) $\sqrt{\frac{G(M+m)}{d}}$

(۳) $\sqrt{\frac{rGMm}{(M+m)d}}$

(۴) $\sqrt{\frac{GMm}{(M+m)d}}$

۶- مطابق شکل زیر، چهار گلوله لاستیکی یاردار یکسان و مشابه هر یک با وزن mg و بار الکتریکی q از نقطه P به ارتفاع h از صفحه xy بوسیله نخ‌های عایق به طول‌های یکسان معلق نگه داشته شده‌اند، به طوری که گلوله‌ها در چهار طرف یک دایره به شعاع r به صورت کاملاً متقارن و ساکن قرار می‌گیرند، اگر شعاع دایره از رابطه

$$r^3 = \alpha \left(\frac{q^2 h}{16\pi\epsilon_0 mg} \right) \quad \text{به دست آید، مقدار عددی } \alpha \text{ کدام است؟}$$

(۱) $1 + \sqrt{2}$

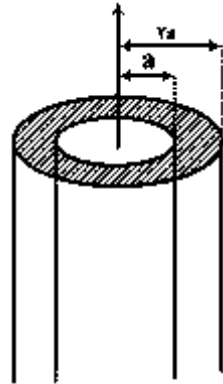
(۲) $2 + \sqrt{2}$

(۳) $1 + 2\sqrt{2}$

(۴) $2 + 2\sqrt{2}$



۷- یک پوسته استوانه‌ای قائم و طویل به شعاع‌های درونی a و بیرونی $2a$ ، دارای بار الکتریکی به مقدار λ در واحد طول با توزیع یکنواخت حجمی می‌باشد. اختلاف پتانسیل دو سطح جانبی داخلی و خارجی این پوسته استوانه‌ای کدام است؟



$$(1) \left(\frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0}\right)\left(1 - \frac{2}{3}\ln 2\right)$$

$$(2) \left(\frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0}\right)\left(1 + \frac{2}{3}\ln 2\right)$$

$$(3) \left(\frac{\lambda}{6\pi\epsilon_0}\right)\ln 2$$

$$(4) \left(\frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0}\right)$$

۸- ضریب خود القای واحد طول یک سیم مستقیم بسیار طویل به شعاع a که جریان به طور یکنواخت از سطح مقطع آن می‌گذرد کدام است؟

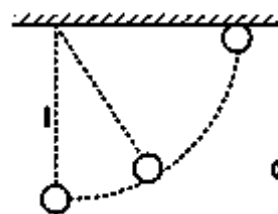
$$(1) \frac{\mu_0}{16\pi}$$

$$(2) \frac{\mu_0}{8\pi}$$

$$(3) \frac{\mu_0}{4\pi}$$

$$(4) \frac{\mu_0}{2\pi}$$

۹- گلوله‌ای کوچکی به جرم m و بار الکتریکی q توسط نخ نارسنازی سبکی به طول l در نزدیکی سطح زمین از نقطه‌ای آویزان شده است. در این ناحیه یک میدان مغناطیسی یکنواخت B موازی سطح زمین مطابق شکل وجود دارد. آونگ را از حالت تعادل به سمت راست منحرف می‌کنیم تا جایی که نخ به صورت افقی درآید، سپس آن را از حال سکون رها می‌کنیم. وقتی که گلوله برای اولین بار از پایین‌ترین نقطه می‌گذرد، کشش نخ چقدر است؟



$$(1) 2mg + qB\sqrt{2gl}$$

$$(2) 2mg - qB\sqrt{2gl}$$

$$(3) 2mg + qB\sqrt{2gl}$$

$$(4) 2mg - qB\sqrt{2gl}$$

۱۰- توان تابشی خورشید $2.9 \times 10^{26} \text{ W}$ و فاصله ما از خورشید $1.5 \times 10^{11} \text{ m}$ است. ماکزیمم دامنه میدان

الکتریکی E_0 امواج الکترومغناطیسی دریافتی از خورشید روی زمین چند $\frac{V}{m}$ است؟

$$(1) 720$$

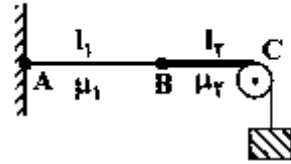
$$(2) 1020$$

$$(3) 72$$

$$(4) 102$$

۱۱- مطابق شکل، دو سیم به طول l_1 و l_2 و چگالی جرم (در واحد طول) μ_1 و μ_2 بوسیله یک وزنه تحت کشش

می‌باشند. اگر $\mu_2 = 2\mu_1$ و $l_2 = \frac{\sqrt{2}}{3}l_1$ باشد، کمترین تعداد شکم‌ها و گره‌های تشکیل شده در طول سیم ABC



در وضعیتی که امواج ایستاده درون سیم ایجاد شده باشد، کدام است؟

(۱) شکم ۴ و ۵ گره

(۲) شکم ۷ و ۸ گره

(۳) شکم ۶ و ۷ گره

(۴) شکم ۵ و ۶ گره

۱۲- آمبولانسی در حال آژیر با صدایی که بسامد آن f_0 است به یک صخره بلند نزدیک می‌شود. در اثر تداخل صدای

رفت آژیر و صدای بازتاب آن از روی صخره برای ناظر داخل آمبولانس، حالت ضربان بوجود می‌آید. هرگاه بسامد

ضربان $f_0 - \frac{A}{45}$ باشد، تندی حرکت آمبولانس تقریباً چند کیلومتر بر ساعت است؟ (تندی انتشار امواج صوتی در

هوا ۳۴۳ متر بر ثانیه می‌باشد).

(۱) ۱۰۱

(۲) ۹۱

(۳) ۱۱۱

(۴) ۱۲۱

۱۳- دو استوانه آهنی و فولادی با سطح مقطع‌های یکسان، طول‌های l_1 و l_2 و ضرایب رسانش گرمایی K_1 و K_2 در

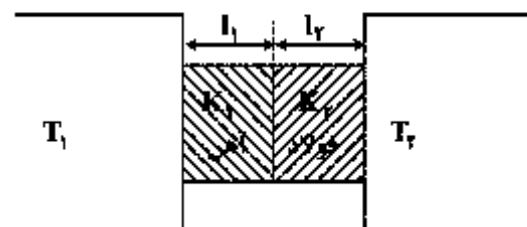
مجاورت دو منبع حرارتی T_1 و T_2 ($T_2 > T_1$) قرار دارند. فرض کنید سطح جانبی دو استوانه با عایق حرارتی،

کاملاً پوشانیده شده است. دمای سطح تماس دو استوانه چند درجه سانتی‌گراد است؟

$$l_1 = ۳۳\text{cm}, l_2 = ۳۰\text{cm}$$

$$K_1 = ۶۶ \frac{\text{W}}{\text{m.K}}, K_2 = ۱۵ \frac{\text{W}}{\text{m.K}}$$

$$T_1 = ۷^\circ\text{C}; T_2 = ۲۷^\circ\text{C}$$



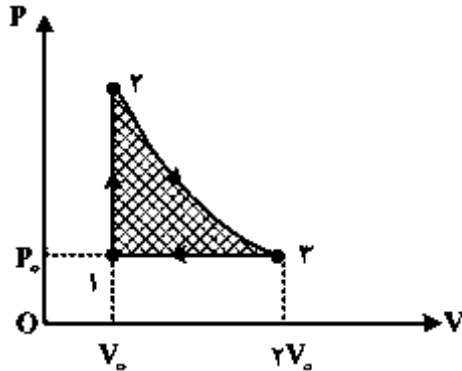
(۱) ۱۷°C

(۲) ۱۵°C

(۳) ۱۳°C

(۴) ۱۱°C

۱۴- مطابق شکل زیر، یک ماشین گرمایی در هر چرخه کار خود تحولات سه گانه تک حجم، تک دما و تک فشار را طی نموده، مقداری کار خالص انجام داده و به حالت اولیه خود برمی گردد. اگر این ماشین گرمایی با گاز ایده آل تک اتمی کار کند، بازده آن چقدر است؟



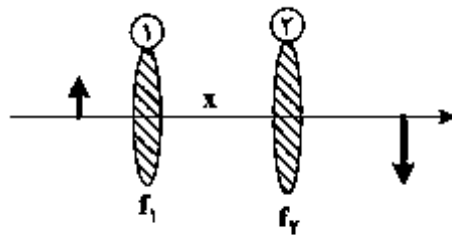
$$(1) \frac{2 \ln 2 - 1}{2 \ln 2 + 1}$$

$$(2) \frac{4 \ln 2 - 2}{4 \ln 2 + 2}$$

$$(3) \frac{4 \ln 2 - 1}{4 \ln 2 + 2}$$

$$(4) \frac{2 \ln 2 - 1}{2 \ln 2 + 2}$$

۱۵- طبق شکل دو عدسی همگرا به طور هم محور و موازی به فاصله x از یکدیگر قرار دارند. فواصل کانونی آنها به ترتیب f_1 و f_2 می باشد به طوری که $f_2 > \frac{2}{3}f_1$ است. هرگاه جسمی را در فاصله $\frac{f_1}{3}$ جلوی عدسی اول قرار دهیم، یک تصویر حقیقی وارونه در پشت عدسی دوم و چهار برابر بزرگتر از جسم مشاهده خواهیم کرد. فاصله x بر حسب f_1 و f_2 کدام است؟



$$(1) f_2 - \frac{2}{3}f_1$$

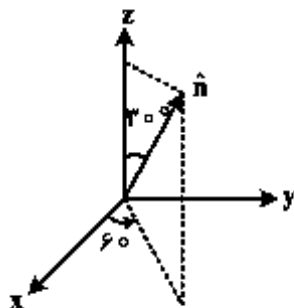
$$(2) 2f_2 - 2f_1$$

$$(3) \frac{2}{3}f_2 - f_1$$

$$(4) \frac{2}{3}f_2 - \frac{1}{3}f_1$$

مکانیک کوانتومی پیشرفته:

۱۶- باریکته‌ای از ذرات دارای اسپین $\frac{1}{2}$ که تابع حالت آنها $|S_y, +\rangle$ است $\left(\hat{S}_y |S_y, +\rangle = \frac{\hbar}{2} |S_y, +\rangle\right)$ از دستگاه اشترن گرایخ که میدان مغناطیسی آن در جهت $\hat{n}$ است عبور می کنند که راستای $\hat{n}$ در شکل نشان داده شده است. احتمال اینکه ذرات خروجی در حالت $|S_x, +\rangle$ باشند چقدر است؟



$$(1) \frac{1}{2} \left(1 - \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$(2) \frac{1}{2} \left(1 + \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$(3) \frac{1}{2} \left(1 - \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$(4) \frac{1}{2} \left(1 + \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

۱۷- اگر $\hat{x}$ و $\hat{p}$ عملگر مکان و تکانه و $|x'\rangle$ و $|p'\rangle$ پایه‌های فضای مکان و تکانه در یک بعد باشند، همه موارد صحیح‌اند به غیر از:

$$e^{-i\hat{p}\frac{a}{\hbar}}\hat{f}(\hat{x})e^{+i\hat{p}\frac{a}{\hbar}} = \hat{f}(\hat{x}-a) \quad (۱)$$

$$\text{Tr}(\hat{x}\hat{p}) = \text{Tr}(\hat{p}\hat{x}) \quad (۲)$$

$$e^{i\hat{p}\frac{a}{\hbar}}|x'\rangle = |x'-a\rangle \quad (۳)$$

$$\text{Tr}(|x'\rangle\langle p'|) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\hbar}} e^{\frac{-ip'x'}{\hbar}} \quad (۴)$$

۱۸- تابع همبستگی زمانی در حالت n ام یک نوسانگر هم‌آهنگ یک بعدی ساده (به جرم m و بسامد زاویه‌ای ω) با

تعریف $\chi(t) = \sqrt{\frac{\hbar}{2m\omega}} (a + a^\dagger)$ عملگر مکان در تصویر هایزنبرگ و $x = \sqrt{\frac{\hbar}{2m\omega}} (a + a^\dagger)$ است.

$$\frac{\hbar}{m\omega} (n + \frac{1}{2}) \cos \omega t \quad (۱)$$

$$\frac{\hbar}{m\omega} (n + \frac{1}{2}) \sin \omega t \quad (۲)$$

$$\frac{\hbar}{m\omega} [(n + \frac{1}{2}) \cos \omega t - \frac{i}{2} \sin \omega t] \quad (۳)$$

$$\frac{\hbar}{m\omega} [(n + \frac{1}{2}) \sin \omega t + \frac{i}{2} \cos \omega t] \quad (۴)$$

۱۹- دوران یافته حالت $|S_x, +\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|+\rangle + |-\rangle)$ حول محور y به اندازه $\phi = 30^\circ$ ، کدام است؟

$$\frac{1}{2}(|+\rangle + \sqrt{3}|-\rangle) \quad (۱)$$

$$\frac{1}{2}(\sqrt{2}|+\rangle + \sqrt{2}|-\rangle) \quad (۲)$$

$$\frac{1}{2}(\sqrt{3}|+\rangle + 2|-\rangle) \quad (۳)$$

$$\frac{1}{2}(\sqrt{3}|+\rangle + |-\rangle) \quad (۴)$$

۲۰- کدام عبارت نادرست است؟

(۱) یک سیستم کوانتومی دارای تفارن انتقال در یک شبکه است اگر هامیلتونی سیستم با تمام عملگرهای انتقال در شبکه جابه‌جا شود.

(۲) طول بردارهای فضای هیلبرت یک سیستم کوانتومی تحت تأثیر عملگرهای دوران تغییری نمی‌کند.

(۳) تکانه خطی، عملگر مولد انتقال‌های بسیار کوچک است.

(۴) عملگر پارینه، عملگری پاد هرمیتی و خطی است.

۲۱- بزرگ‌ترین ویژه مقدار هامیلتونی زیر تا مرتبه دوم اختلال بر حسب λ ($\lambda > 0$)، کدام است؟

$$H = \hbar \omega \begin{pmatrix} 1 & 2\lambda & 0 \\ 2\lambda & 2 + \lambda & 2\lambda \\ 0 & 2\lambda & 3 + 2\lambda \end{pmatrix}$$

$$(1) \hbar \omega (3 + 2\lambda + 9\lambda^2)$$

$$(2) \hbar \omega (3 + \lambda + 9\lambda^2)$$

$$(3) \hbar \omega (3 + 2\lambda + 11\lambda^2)$$

$$(4) \hbar \omega (3 + \lambda + 11\lambda^2)$$

۲۲- الکترون آزادی به جرم m و بار $-e$ در میدان مغناطیسی $\vec{B}(t) = B_0 (\hat{z} + \gamma \cos \omega_0 t \hat{x} + \gamma \sin \omega_0 t \hat{y})$ در نظر

بگیرید. هامیلتونی این دستگاه بر حسب $\omega_0 = \frac{eB_0}{m}$ و در پایه $|+\rangle$ و $|-\rangle$ ، کدام است؟

$$(1) \frac{\hbar \omega_0}{4} (|+\rangle\langle+| - |-\rangle\langle-|) + \frac{\hbar \omega_0}{4} (e^{-i\omega_0 t} |+\rangle\langle-| + e^{i\omega_0 t} |-\rangle\langle+|)$$

$$(2) \frac{\hbar \omega_0}{4} (|+\rangle\langle+| - |-\rangle\langle-|) + \frac{i \hbar \omega_0}{4} (e^{-i\omega_0 t} |+\rangle\langle-| - e^{i\omega_0 t} |-\rangle\langle+|)$$

$$(3) \frac{\hbar \omega_0}{4} (|+\rangle\langle+| - |-\rangle\langle-|) + \hbar \omega_0 (e^{-i\omega_0 t} |+\rangle\langle-| + e^{i\omega_0 t} |-\rangle\langle+|)$$

$$(4) \frac{\hbar \omega_0}{4} (|+\rangle\langle+| - |-\rangle\langle-|) + i \hbar \omega_0 (e^{-i\omega_0 t} |+\rangle\langle-| - e^{i\omega_0 t} |-\rangle\langle+|)$$

۲۳- یک سامانه الکترونی شامل ۳۷ الکترون در یک چاه پتانسیل سه بعدی بی‌نهایت عمیق مکعبی به ضلع a در نظر

بگیرید. الکترون‌ها با هم برهم‌کنش ندارند. اگر این سامانه در حالت پایه انرژی خود باشد، انرژی میانگین هر

الکترون بر حسب $\epsilon_0 = \frac{\hbar^2}{4m_e a^2}$ کدام گزینه است؟

$$(1) 11/85 \epsilon_0$$

$$(2) 12/75 \epsilon_0$$

$$(3) 13/65 \epsilon_0$$

$$(4) 10/95 \epsilon_0$$

الکتروستاتیک:

۲۴- دو خط بار نامتناهی با چگالی بار خطی $+\lambda$ و $-\lambda$ به ترتیب در $x = d$ و $x = -d$ و موازی محور z را در خلاء در

نظر بگیرید. معادله سطح هم‌پتانسیل با پتانسیل الکتریکی V_0 بر حسب $K = \frac{\gamma \pi \epsilon_0 V_0}{\lambda}$ کدام گزینه است؟

$$(1) (x - d \tanh K)^2 + y^2 = \left(\frac{d}{\cosh K}\right)^2$$

$$(2) (x - d \coth K)^2 + y^2 = (d \cosh K)^2$$

$$(3) (x - d \coth K)^2 + y^2 = \left(\frac{d}{\sinh K}\right)^2$$

$$(4) (x - d \tanh K)^2 + y^2 = (d \sinh K)^2$$

۲۵- یک پوسته استوانه‌ای فلزی بسیار طویل با شعاع R موازی یک صفحه فلزی تخت نامتناهی و در فاصله D (فاصله صفحه فلزی از محور استوانه فلزی) از آن قرار دارد. ظرفیت الکتریکی در واحد طول این دستگاه کدام است؟

$$\frac{4\pi\epsilon_0}{\ln\left(\frac{D}{R} + \sqrt{\frac{D^2}{R^2} + 1}\right)} \quad (۱)$$

$$\frac{2\pi\epsilon_0}{\ln\left(\frac{D}{R} + \sqrt{\frac{D^2}{R^2} + 1}\right)} \quad (۲)$$

$$\frac{4\pi\epsilon_0}{\ln\left(\frac{D}{R} + \sqrt{\frac{D^2}{R^2} - 1}\right)} \quad (۳)$$

$$\frac{2\pi\epsilon_0}{\ln\left(\frac{D}{R} + \sqrt{\frac{D^2}{R^2} - 1}\right)} \quad (۴)$$

۲۶- ناحیه استوانه‌ای به طول نامتناهی و محصور در $0 \leq x \leq 1$ و $0 \leq y \leq 1$ با بار حجمی یکنواخت که مقدار آن در واحد طول استوانه λ است پر شده است. اگر پتانسیل الکتریکی دیوارهای استوانه صفر باشد، پتانسیل الکتریکی در داخل استوانه بر حسب $f_n(x, y) = \sin(n\pi x)(\sinh(n\pi) - \sinh(n\pi y) - \sinh(n\pi(1-y)))$ کدام است؟

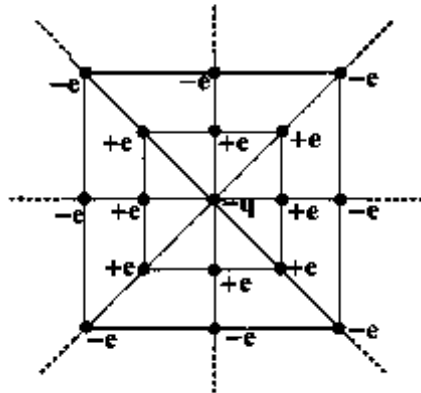
$$\frac{\lambda}{\epsilon_0} \sum_{n=1,2,3,\dots} \frac{4}{(n\pi)^2 \sinh(n\pi)} f_n(x, y) \quad (۱)$$

$$\frac{\lambda}{\epsilon_0} \sum_{n=1,2,3,\dots} \frac{4}{(n\pi)^2 \sinh(n\pi)} f_n(x, y) \quad (۲)$$

$$\frac{\lambda}{\epsilon_0} \sum_{n=1,2,3,\dots} \frac{2}{(n\pi)^2 \sinh\left(\frac{n\pi}{2}\right)} f_n(x, y) \quad (۳)$$

$$\frac{\lambda}{\epsilon_0} \sum_{n=1,2,3,\dots} \frac{2}{(n\pi)^2 \sinh\left(\frac{n\pi}{2}\right)} f_n(x, y) \quad (۴)$$

۲۷- بار نقطه‌ای $-q$ مطابق شکل زیر توسط یک مجموعه نامتناهی از بارهای نقطه‌ای احاطه شده است. به‌طوری که داخلی‌ترین مربع به ضلع $2s$ است. و روی رأس‌ها و وسط اضلاع آن بار نقطه‌ای $+e$ قرار دارد. در مربع بعدی به ضلع $4s$ بار نقطه‌ای $-e$ روی رأس‌ها و وسط اضلاعش قرار دارد و به همین ترتیب مربع‌های بعدی به ضلع $3, 4$ و ... برابر ضلع مربع مرکزی و بارهای روی آنها یک در میان $+e$ و $-e$ است. انرژی پتانسیل بار نقطه $-q$ چقدر



$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n} = \ln 2 \quad \text{است؟}$$

$$\frac{1/\sqrt{\pi} \ln\left(\frac{1}{\sqrt{\pi}}\right) \left(\frac{eq}{s\epsilon_0}\right)}{\pi} \quad (۱)$$

$$\frac{-(1/\sqrt{\pi}) \exp\left(\frac{-1}{\sqrt{\pi}}\right) \left(\frac{eq}{s\epsilon_0}\right)}{\pi} \quad (۲)$$

$$\frac{1/\sqrt{\pi} \ln\left(\frac{1}{\sqrt{\pi}}\right) \left(\frac{eq}{s\epsilon_0}\right)}{\pi} \quad (۳)$$

$$\frac{-1/\sqrt{\pi} \exp\left(\frac{-1}{\sqrt{\pi}}\right) \left(\frac{eq}{s\epsilon_0}\right)}{\pi} \quad (۴)$$

۲۸- شار مغناطیسی گذرنده از نیمکره شمالی یک کره به مرکز O (مرکز مختصات) و شعاع R_0 ناشی از میدان

مغناطیسی که از پتانسیل برداری $\vec{A} = B_0 r \sin^2 \frac{\theta}{2} \sin \frac{\phi}{2} (\hat{r} + \theta \hat{\theta} + \phi \hat{\phi})$ به دست می‌آید کدام است؟

$$16R_0^2 B_0 \quad (۱)$$

$$\pi R_0^2 B_0 \quad (۲)$$

$$2\pi R_0^2 B_0 \quad (۳)$$

$$4\pi R_0^2 B_0 \quad (۴)$$

۲۹- فرض کنید تک‌قطبی مغناطیسی با بار مغناطیسی $\pm g$ در طبیعت مانند تک بار الکتریکی مثبت و

منفی $\pm e$ وجود دارد و رابطه کوانتشی دیراک به صورت $eg = h$ برقرار است. الکترون را کره‌ای فرض کنید که همان مغناطیسی آن ناشی از وجود دو تک بار مغناطیسی $+g$ و $-g$ واقع در قطب شمال و جنوب آن است. شعاع الکترون r_e ، بر حسب پارامترهای فوق، جرم الکترون m_e و سرعت نور در خلاء c از کدام رابطه به دست می‌آید؟

$$\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_e} = m_e c^2 \quad (۱)$$

$$\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_e} = \frac{1}{2} m_e c^2 \quad (۲)$$

$$\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_e} = \frac{1}{4} m_e c^2 \quad (۳)$$

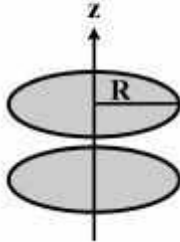
$$\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_e} = 2 m_e c^2 \quad (۴)$$

۳۰- میدان الکتریکی و چگالی جریان متناوب درون یک خازن استوانه‌ای به شعاع R در مختصات استوانه‌ای

$$\vec{E}(r, t) = \frac{R}{r} E_0 \sin(kr - \omega t) \hat{z} \quad \text{و} \quad \vec{J}(\vec{r}, t) = \frac{R}{r} J_0 \sin(kr - \omega t) \hat{z}$$

است، که r فاصله یک نقطه تا محور z

است. بردار میدان مغناطیسی $\vec{B}(r, t)$ درون این خازن بر حسب $S(r, t) = \sin(\omega t) + \sin(kr - \omega t)$ و $C(r, t) = \cos(\omega t) - \cos(kr - \omega t)$ کدام است؟



$$\frac{R}{kr} [\mu_0 J_0 S(r, t) - \frac{E_0 \omega}{c^2} C(r, t)] \hat{\phi} \quad (1)$$

$$\frac{R}{kr} [\mu_0 J_0 C(r, t) + \frac{E_0 \omega}{c^2} S(r, t)] \hat{\phi} \quad (2)$$

$$\frac{R}{kr} [\mu_0 J_0 C(r, t) - \frac{E_0 \omega}{c^2} S(r, t)] \hat{\phi} \quad (3)$$

$$\frac{R}{kr} [\mu_0 J_0 S(r, t) + \frac{E_0 \omega}{c^2} C(r, t)] \hat{\phi} \quad (4)$$

مکانیک آماری پیشرفته:

۳۱- دو ظرف هر یک به حجم V حاوی گاز ایده‌آل تک اتمی یکسانی هستند. یک ظرف شامل N ذره گاز و دارای دمای

$2T$ است و دیگری شامل $2N$ ذره گاز و دارای دمای T است. این دو ظرف را به هم متصل می‌کنیم و صبر

می‌کنیم گاز در حجم کل $2V$ به تعادل ترمودینامیکی برسد. در این فرایند گرمایی با محیط مبادله نمی‌شود. دمای

نهایی گاز و ظرفیت گرمایی در حجم ثابت گاز کدام است؟

$$6k_B N, \quad T \quad (1)$$

$$6k_B N, \quad \frac{4}{3}T \quad (2)$$

$$\frac{9}{2}k_B N, \quad T \quad (3)$$

$$\frac{9}{2}k_B N, \quad \frac{4}{3}T \quad (4)$$

۳۲- یک سامانه حرارتی بسته شامل N ذره یکسان، قابل تمیز و بدون برهم‌کنش متقابل و دارای انرژی کل E می‌باشد.

هر ذره می‌تواند در یکی از دو حالت انرژی ϵ_1 و ϵ_2 به سر برد. دمای تعادلی این سامانه بر حسب انرژی میانگین

$$\text{هر ذره، } \epsilon = \frac{E}{N}, \text{ کدام است؟}$$

$$\frac{(\epsilon_2 - \epsilon_1)}{k_B} \ln \left(\frac{\epsilon_2 - \epsilon}{\epsilon - \epsilon_1} \right) \quad (1)$$

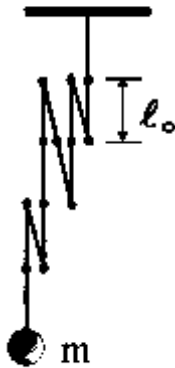
$$\frac{(\epsilon_2 - \epsilon_1)}{k_B \ln \left(\frac{\epsilon_2 - \epsilon}{\epsilon - \epsilon_1} \right)} \quad (2)$$

$$\frac{(\epsilon_2 - \epsilon_1)}{k_B \left(\frac{\epsilon_2 - \epsilon}{\epsilon - \epsilon_1} \right)} \quad (3)$$

$$\frac{(\epsilon_2 - \epsilon_1)}{k_B} \left(\frac{\epsilon_2 - \epsilon}{\epsilon - \epsilon_1} \right) \quad (4)$$

۳۳- مطابق شکل زنجیره‌ای متشکل از N سوزن ته‌گرد یکسان هر یک به طول l_0 و جرم ناچیز را که نوک هر سوزن به سر سوزن بعدی اتصال دارد در نظر بگیرید به یک سر زنجیره جسمی به جرم m چسبیده و سر دیگر آن به یک سقف متصل است. هر سوزن می‌تواند فقط در یکی از دو حالت رو به بالا و یا رو به پایین قرار گیرد. اگر انرژی حالت رو به بالا $mg l_0$ و انرژی حالت رو به پایین صفر باشد، طول میانگین این زنجیره در دمای T (که

$\frac{mg l_0}{k_B T} \gg 1$ تقریباً چقدر است؟



$$N l_0 \left(1 - \frac{mg l_0}{2 k_B T}\right) \quad (1)$$

$$\frac{N l_0}{2} \left(1 + \frac{mg l_0}{2 k_B T}\right) \quad (2)$$

$$\frac{N l_0}{2} \left(1 + \frac{mg l_0}{k_B T}\right) \quad (3)$$

$$N l_0 \left(1 - \frac{mg l_0}{k_B T}\right) \quad (4)$$

۳۴- هیدروژن اتمی و مولکولی طبق واکنش $H_2 \rightleftharpoons 2H$ در دمای T در ظرفی در حالت تعادل‌اند. هر دو را گاز ایده‌آل در نظر بگیرید. اگر انرژی آزاد داخلی یک مولکول هیدروژن F_{in} باشد، ثابت تعادل $K(T)$ برحسب

$$n_Q(m, T) = \left(\frac{m k_B T}{2 \pi \hbar^2}\right)^{3/2}$$
 کدام است؟

$$(n_Q(m_{H_2}, T))^{3/2} n_Q(m_H, T) \exp\left(-\frac{F_{in}}{k_B T}\right) \quad (1)$$

$$n_Q(m_{H_2}, T) (n_Q(m_H, T))^{3/2} \exp\left(-\frac{F_{in}}{k_B T}\right) \quad (2)$$

$$(n_Q(m_{H_2}, T))^{-3/2} n_Q(m_H, T) \exp\left(-\frac{F_{in}}{k_B T}\right) \quad (3)$$

$$n_Q(m_{H_2}, T) (n_Q(m_H, T))^{-3/2} \exp\left(-\frac{F_{in}}{k_B T}\right) \quad (4)$$

۳۵- هامیلتونی یک ذره آزاد به جرم m در حجم V ، $H = \frac{\vec{p} \cdot \vec{p}}{2m}$ است. $\text{Tr}(e^{-\beta H})$ بر حسب β و $f(V)$ (تابعی فقط

از حجم) کدام است؟ $\left(\beta = \frac{1}{k_B T}\right)$

$$f(V) \left(\frac{\hbar^3 \beta}{2m V^{3/2}} \right)^{+3/2} \quad (1)$$

$$f(V) \exp \left(- \frac{\hbar^3 \beta}{2m V^{3/2}} \right) \quad (2)$$

$$f(V) \left(\frac{\hbar^3 \beta}{2m V^{3/2}} \right)^{-3/2} \quad (3)$$

$$f(V) \exp \left(+ \frac{\hbar^3 \beta}{2m V^{3/2}} \right) \quad (4)$$

۳۶- دستگاهی شامل N ذره یکسان بوزونی هر یک به جرم m در دمای T و در حجم V را در نظر بگیرید. اگر $N_e(T)$

تعداد ذرات در حالت پایه و $N_{ex}(T) = 2.6 V \left(\frac{2\pi m k_B T}{h^2} \right)^{3/2}$ تعداد ذرات در حالت‌های برانگیخته باشد، در

دمای (نزدیک صفر مطلق) $T = 1\text{K}$ تقریباً چند درصد از اتم‌های هلیوم ${}^4\text{He}$ در حالت پایه قرار دارند؟ دمای بهرانی در چگالش بوز-اینشتین برای ${}^4\text{He}$ برابر 2K است.

(۱) ۳۶

(۲) ۴۸

(۳) ۵۲

(۴) ۶۴

۳۷- دستگاهی شامل N فرمیون یکسان آزاد و بدون برهم‌کنش با اسپین $\frac{1}{2}$ در حجم V و دمای T را در نظر بگیرید.

پتانسیل شیمیایی دستگاه از کدام رابطه قابل محاسبه است؟ ($\beta = \frac{1}{k_B T}$)

$$N = \frac{V}{\pi^2} \left(\frac{2m}{\hbar^2} \right)^{\frac{3}{2}} \int_0^\infty \frac{x^2 dx}{1 + e^{\beta(x^2 - \mu)}} \quad (۱)$$

$$N = \frac{V}{\pi^2} \left(\frac{2m}{\hbar^2} \right)^{\frac{3}{2}} \int_0^\infty \frac{dx}{1 + e^{\beta(x^2 - \mu)}} \quad (۲)$$

$$N = \frac{V}{2\pi^2} \left(\frac{2m}{\hbar^2} \right)^{\frac{3}{2}} \int_0^\infty \frac{x^2 dx}{1 + e^{\beta(x^2 - \mu)}} \quad (۳)$$

$$N = \frac{V}{2\pi^2} \left(\frac{2m}{\hbar^2} \right)^{\frac{3}{2}} \int_0^\infty \frac{dx}{1 + e^{\beta(x^2 - \mu)}} \quad (۴)$$

مبانی نانوتکنولوژی:

۳۸- همه فولرن‌های زیر متعلق به خانواده فولرن‌های پایدار هستند، به جز:

$$C_{44+6k} \quad \text{با} \quad k = ۱, ۳, ۵, \dots \quad (۱)$$

$$C_{60+6k} \quad \text{با} \quad k = ۰, ۲, ۴, \dots \quad (۲)$$

$$C_{70+3k} \quad \text{با} \quad k = ۰, ۱, ۲, \dots \quad (۳)$$

$$C_{84+3k} \quad \text{با} \quad k = ۰, ۱, ۲, \dots \quad (۴)$$

۳۹- همه عبارات زیر در مورد آنروزل درستند، به جز:

(۱) این ذرات متشکل از ترکیبات مختلف از جمله سولفات‌ها، نترات‌ها، آمونیوم، نمک دریا، مواد آلی و آب است.

(۲) ذرات ریز جامد یا مایعی هستند که در یک گاز در حالت معلق به سر می‌برند.

(۳) این ذرات در اتمسفر، نقش مهمی به عنوان هسته اولیه در پیوستن قطرات آب به یکدیگر و نهایتاً تشکیل یک ابر دارند.

(۴) در اتمسفر، بخش کوچکی از آنروزل، از نانو ذرات تشکیل شده است.

۴۰- اندازه نانوذرات طلا که به عنوان کاتالیزوری قوی در اکسیداسیون متواکسید کربن (CO) به کار می‌روند، در چه

محدوده‌ای قرار دارد؟

(۱) کمتر از ۵ nm

(۲) ۵ nm تا ۱۰ nm

(۳) ۲۰ nm تا ۳۰ nm

(۴) ۳۰ nm تا ۵۰ nm

- ۴۱- همه موارد در مورد پلاسمون پولاریتون سطحی (SPP) درست است به جز:
- (۱) مرز دو محیط فلز - دی الکتریک برای SPPها همچون یک موج بر عمل می‌کند.
 - (۲) دامنه SSP به شکل نمایی بر روی مرز دو محیط فلزیدی الکتریک به داخل آنها کاهش می‌یابد.
 - (۳) SSPها به روش معمولی میدان دور (Far Field) قابل آشکارسازی هستند.
 - (۴) SSP یک برانگیختگی (excitation) الکترومغناطیسی است که به شکل موج در فصل مشترک فلز- دی الکتریک منتشر می‌شود.
- ۴۲- کدام نوع نیرو در فرایند خود-تجمعی / خود-آرایه‌ای (self-assembly) نانوذرات عموماً نقش اساسی در تصحیح و سازماندهی آنها دارد؟
- (۱) یونی
 - (۲) واندروالس
 - (۳) گرانشی
 - (۴) کووالانسی
- ۴۳- همه عبارات زیر در مورد میکروسکوپ نیرویی اتمی (Atomic Force Microscope) و میکروسکوپ تونلی روبشی (Scanning Tunneling Microscope) صحیح‌اند، به جز:
- (۱) هر دو میکروسکوپ برای تصویربرداری از سطح یک نمونه جامد با قدرت تفکیک چند دهم نانومتر کاربرد دارند.
 - (۲) در هر دو نوع تصویربرداری، همواره باید نمونه در محیطی با خلاء بالا قرار داشته باشد.
 - (۳) در حین روبش، در AFM نیروی واندروالسی میان نوک پروب و سطح نمونه و در STM جریان الکتریکی تونلی، مانیتور می‌شود.
 - (۴) AFM برای تصویربرداری از سطح هر نوع نمونه جامد به کار می‌رود اما STM فقط برای نمونه‌های فلزی و نیمه‌رسانا قابلیت کاربرد دارد.
- ۴۴- همه عبارات‌های زیر در مورد سنتز به روش بخار-مایع-جامد (Vapor-Liquid-Solid) درستند، به جز:
- (۱) برای تولید نانوسیم‌ها و نانومیل‌ها به کار می‌رود.
 - (۲) در فاز مایع، ذرات گاز درون مایعی که نقش کاتالیزور یا ناخالصی دارد نفوذ کرده و در آن حل می‌شوند.
 - (۳) مستقل از نوع زیرلایه و شرایط رشد، محصول این روش همواره ساختاری آمورف دارد.
 - (۴) پس از رسیدن ذرات حل شده در قطره مایع به حد اشباع، ذرات روی سطح یک زیر لایه رسوب کرده و به شکل جامد در می‌آیند.
- ۴۵- همه عبارات‌های زیر در مورد طیف نگاری جذب اشعه ایکس (XAS) درستند، به جز:
- (۱) لایه جذب K در این طیف نگاری مربوط به جذب پرتو ایکس توسط الکترون‌های تراز $n=1$ اتمی یک عنصر معین در نمونه است.
 - (۲) معمولاً اشعه ایکس به کار رفته در این طیف نگاری از یک خط پرتو (beamline) در یک سینکروترون تامین می‌شود که طیفی پیوسته دارد.
 - (۳) برای کسب اطلاع از محیط موضعی از جمله تعیین عدد مختصات (coordination number) در نانوذرات فلزی بسیار کارآمد است.
 - (۴) این طیف نگاری فقط برای ساختارهای منظم استفاده می‌شود و نمی‌توان آن را برای ساختارهای نامنظم (disordered) به کار برد.

